

$$\propto L^{1/3} n_{\infty}^{-2/3} \leq M_{\text{BH}}^{1/3} n_{\infty}^{-2/3}$$